

ПРОБНЫЙ ВАРИАНТ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ

Спасибо тому, кто заметил и сообщил об ошибках в ответах.

1. Уравнение Эйлера-Лагранжа:

$$(a) F(x) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \dot{x}^2 - 2\cos t \cdot x dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = 1, x(\frac{\pi}{2}) = 0.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = \cos t.$$

$$(b) F(x) = \int_{-1}^1 \dot{x}^2 + x^2 - 2tx dt \rightarrow \text{extr}, x(-1) = -1, x(1) = 1.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = t.$$

2. Задача со свободными концами:

$$(a) F(x) = \int_1^2 \dot{x}^2 + 4x dt \rightarrow \text{extr}, x(1) = 1.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = t^2 - 4t + 4.$$

$$(b) F(x) = \int_0^1 \dot{x}^2 + 4x^2 dt \rightarrow \text{extr}, x(1) = \frac{e^2 + e^{-2}}{2}.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = \frac{e^{2t} + e^{-2t}}{2}.$$

3. Достаточное условие существования сильного экстремума:

$$(a) F(x) = \int_0^1 \dot{x}^2 - x^2 dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = 1, x(1) = \cos 1.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = \cos t.$$

$$(b) F(x) = \int_{-4}^{-2} \dot{x}^2 + 4x dt \rightarrow \text{extr}, x(-4) = 16, x(-2) = 4.$$

$$\text{Ответ: } \hat{x} = t^2.$$